



# أسئلة مادة : كهرومغناطيسية ١

الفصل الخامس  
اتصالات

هذا العمل من إعداد  
اتحاد طلبة كلية التقنية الإلكترونية - طربلس  
بالتعاون مع قسم الشؤون العلمية والتقنية بالكلية

# أسئلة امتحان مادة كهرومغناطيسية ١

( النهائي )

2012 – 2011 – 2009 – 2007 - 2003 - ربيع

2012 – 2008 – 2006, 2005 - 2004 - خريف

أساتذة :

أ- عبد السلام القطاوي

د - ابراهيم هدية ساسي

المعهد العالي للمهن الإلكترونية  
الامتحان النهائي لمادة كهرو 1 لربيع 1 2009 التاريخ 7-7-2009

أجب عن الأسئلة التالية  
**السؤال الأول**

لدينا سحابة شحنة ساكنة لأنهاية على هيئة اسطوانة نصف قطرها  $a$  ولها كثافة شحنة  $\rho_v = \rho_0(r/a)^2$  (ا) هل هذه الكثافة حجمية أم سطحية؟ (ب) أوجد الشحنة الكلية  $q$  لكل طول  $L$ . (ج) استخدم قانون جاوس لتجد المجال الكهربائي  $\bar{E}$  (1) داخل السحابة، (2) خارج السحابة. في كل حالة بين على رسم واضح سطح جاوس المستخدم لإيجاد المجال الكهربائي  $\bar{E}$ .

**السؤال الثاني**

$$h(r, \theta, \phi) = 8r \sin \theta \cos \phi$$

إذا كان لدينا المجال القياسي  
 $\bar{H}(r, \theta) = \bar{a}_r 10r \cos \theta + a_\phi 20r^2$   
 والمجال المتجه  
 $\nabla \cdot (\nabla \times \bar{H}) = \nabla \times \nabla \times \bar{H}$  و(ج)  
 أوجد الآتي (ا)  $\nabla h$  (ب)  $\nabla \cdot \bar{H}$  (ج)

**السؤال الثالث**

(ا) باستخدام الإحداثيات الكارتيزية أثبت أن  $\nabla f = \nabla^2 f \cdot \nabla$  حيث

$$\nabla^2 f = \frac{\partial^2 f}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 f}{\partial z^2}$$

(ب) قانون أمبير التفاضلي يعطى بالعلاقة

$$\nabla \times \left( \frac{\bar{B}}{\mu_0} \right) = \bar{J} + \frac{\partial}{\partial t} (\epsilon_0 \bar{E})$$

لتيار ومجالات متغيرة مع الزمن. كيف نكتب هذا القانون لتيار مستمر؟

(ج) وجد أن كثافة تيار مستمر  $J_z = \bar{a}_z$  تعطي مجالاً مغناطيسيياً

$$\bar{B} = \bar{a}_y \mu_0 (J_z) \bar{x}$$

أثبت أن هذا المجال يحقق قانون أمبير الآتي

$$\nabla \times \left( \frac{\bar{B}}{\mu_0} \right) = \bar{J}$$

**السؤال الرابع**

أ - ما هي العلاقة التي تربط بين كثافة الفيض الكهربائي وشدة المجال الكهربائي في مادة ذات عزل ممتاز؟ أعط

العلاقة التي تربط بين المتجهين؟ بين إلى ما تؤول إليه هذه العلاقة في حالة فضاء حر؟

(ب) ما هي العلاقة التي تربط بين كثافة الفيض المغناطيسيي وشدة المجال المغناطيسيي لمادة مغناطيسيية؟ أعط

العلاقة التي تربط بين المتجهين وبين إلى ما تؤول إليه هذه العلاقة في حالة فضاء حر.

(د) قوة لورنر تتكون من مركبتين إحداهما قوة كهربائية والأخرى قوة مغناطيسية بين كيف تعمل كل واحدة من

هاتين القوتين على شحنة موجبة  $q$ .

**السؤال الخامس**

باستخدام الإحداثيات الكارتيزية برهن على صحة العلاقة التالية.

$$\nabla(1/R) = \frac{-\bar{a}_R}{R^2}$$

$$R = \sqrt{(x - x')^2 + (y - y')^2 + (z - z')^2}$$

حيث

### السؤال السادس

(1) إذا أعطيت المتجه  $\bar{D} = \frac{\bar{a}_x 10x^3}{3} \mathcal{C}/m^2$  أثبت صحة قانون التباعد للمتجه  $\bar{D}$  وذلك بإيجاد قيمة طرفي

القانون لحجم مكعب طول ضلعه 2m وتقع نقطة الأصل للإحداثيات الكارتيزية في مركز المكعب علماً بأن قانون التباعد للمتجه  $\bar{D}$  هو

$$\oint \bar{D} \cdot d\bar{s} = \int_{\nabla} \bar{D} dv$$

تطبيقاًً من

قدم رسمياً واضحاً وتطبيقياً بين أبعاد المكعب واتجاه المجال  $\bar{D}$  وأسطح التكامل.

المركز العالي للمهن الالكترونية

الزمن: ساعتان

خريف 2008

الامتحان النهائي  
كهرو مغناطيسية ١

أجب عن جميع الأسئلة التالية:

**Q1-** A line charge having a density of  $10 \mu C/m$  is going through the origin parallel to Z-axis. Find the electric field at point (10, 2, 17)?

**Q2-** Let  $D = \frac{100xy}{z^2 + 1} a_x + \frac{50x^2}{z^2 + 1} a_y - \frac{100x^2yz}{(z^2 + 1)^2} a_z C/m^2$  and calculate the total charge enclosed in a tiny sphere  $1\mu$  in radius that is centered at : (5, 8, 1)

**Q3-** Given that  $D = Z\rho \cos^2 a_z C/m^2$ , calculate the charge density at  $(1, \frac{\pi}{4}, 3)$

**Q4-** Determine the magnetic field H at P(0.4, 0.3, 0) in the field of an 8A filamentary current directed inward from 0.8 to the origin on the positive X-axis.

**Q5-** Determine the divergence of the following field at the specified point

$$A = \rho Z \sin \phi a_\rho + 3\rho Z^2 \cos \phi a_\phi \text{ at } (5, \frac{\pi}{2}, 1)$$

**Q6-** Find the gradient of the following scalar field.  $U = X^2 Y + XYZ$

**Q7-** What is the units of:

- |                                 |                               |
|---------------------------------|-------------------------------|
| 1-The electric field intensity. | 2-The surface charge density. |
| 3-The electric flux.            | 4-The current density.        |
| 5-The magnetic field.           | 6-The permeability $\mu_0$ .  |
| 7-The mobility.                 | 8-The permittivity.           |

تمنياتي للجميع بالتفوق:  
ملاحظة: انظر خلف الورقة.

$$\psi = \varphi = \oint_S D_S \cdot dS \quad D = \frac{\varphi}{4\pi r^2} a_r \quad \operatorname{div} D = \rho_v$$

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial \rho} a_\rho + \frac{1}{\rho} \frac{\partial V}{\partial \phi} a_\phi + \frac{\partial V}{\partial Z} a_z$$

$$\operatorname{div} D = \frac{\partial D_x}{\partial X} + \frac{\partial D_y}{\partial Y} + \frac{\partial D_z}{\partial Z}$$

$$\operatorname{div} D = \frac{1}{\rho} \frac{\partial(\rho D_\rho)}{\partial \rho} + \frac{1}{\rho} \frac{\partial D_\phi}{\partial \phi} + \frac{\partial D_z}{\partial Z} \quad V = - \int_{initial}^{final} E \cdot dL \quad \oint D \cdot dS = \oint_{vol} \nabla \cdot D dv$$

$$E = -grad V$$

$$V_{AB} = - \int_B^A E \cdot dL$$

$$W = -\varphi \int_{initial}^{final} E \cdot dL$$

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial \rho} a_\rho + \frac{1}{\rho} \frac{\partial V}{\partial \phi} a_\phi + \frac{\partial V}{\partial Z} a_z$$

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial X} a_x + \frac{\partial V}{\partial Y} a_y + \frac{\partial V}{\partial Z} a_z$$

$$H = \frac{I}{4\pi\rho} (\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1) a_\phi$$

$$B = \mu_0 H$$

$$I = \oint J \cdot dS$$

المركز العالي للمهن الالكترونية - طرابلس  
قسم الاتصالات - الفصل الدراسي / الصيف 2007

الزمن : ساعتان

الامتحان النهائي: كهرومغناطيسية 1

اجب على جميع الأسئلة الآتية:

Q1

A point charge  $Q_1 = 2\text{mC}$ , is located in free space  $P1(-3, 7, -4)$  while  $Q_2 = -5\text{mC}$  is at  $P2(2, 4, -1)$ . Find the vector force on  $Q_2$ .

Q2

A charge of  $10\mu\text{C}$  is moved from  $P1(1, 3, 0)$  to  $P2(0, 5, -2)$  in an electric field of  $E = 3a_x + 10a_y - 5a_z$  Find the work done.

Q3

Given the potential field  $V = 50X^2YZ + 20Y^2$  Find the electric charge density  $\rho$ .

Q4

Given the current density  $J = -10^4[\sin(2x)e^{-2y}a_x + \cos(2x)e^{-2y}a_y]$   $\text{A/m}^2$

Find the total current crossing the surface  $Y = 2$ ,  $0 < X < 1$ ,  $0 < Z < 1$

Q5

Evaluate the closed line integral of  $H$  about the rectangular path  $P1(1, 2, 3)$  to  $P2(3, 2, 3)$  to  $P3(3, 2, 1)$  to  $P4(1, 2, 1)$  to  $P1$ , given  $H = 3Za_x + 2Xa_z$   $\text{A/m}$

تمنياتي للجميع بال توفيق.

$$D = \epsilon E , \quad \Phi = \int B \cdot ds , \quad \epsilon_0 = 10^{-9}/36\pi , \quad \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} , \quad \operatorname{div} D = \rho$$

$$\nabla \cdot A = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (r^2 A_r) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} (A_\theta \sin \theta) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial A_\phi}{\partial \phi}$$

$$\oint D \cdot ds = \int \rho dv = Q_{enc}$$

$$\nabla \cdot A = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r A_r) + \frac{1}{r} \frac{\partial A_\phi}{\partial \phi} + \frac{\partial A_z}{\partial z} , \quad dH = \frac{I}{4\pi r^2} \frac{dl \times a_r}{r^2}$$

$$\nabla \times A = \frac{1}{r \sin \theta} \left[ \frac{\partial (A_\phi \sin \theta)}{\partial \theta} - \frac{\partial A_\theta}{\partial \phi} \right] a_r + \frac{1}{r} \left[ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial A_r}{\partial \phi} - \frac{\partial (r A_\phi)}{\partial r} \right] a_\theta + \frac{1}{r} \left[ \frac{\partial (r A_\theta)}{\partial r} - \frac{\partial A_r}{\partial \theta} \right] a_\phi$$

$$H = \frac{1}{2} K \times a_n , \quad dQ = \rho_s ds , \quad d\psi = D \cdot ds , \quad D = \epsilon_0 E + P , \quad dH = \frac{I dl \times a_r}{4\pi r^2}$$

$$\nabla V = \frac{dV}{dx} a_x + \frac{dV}{dy} a_y + \frac{dV}{dz} a_z , \quad I = \oint J \cdot ds$$

$$W = -\varphi \int E \cdot dl$$

الزمن : ساعتان  
الدرجة : 60(س1س3)

المعهد العالي للمهن الإلكترونية / ط  
التقويم النهائي خريف 2005-2006  
المجموعات (1,2) الفصل الرابع و (1) الفصل الخامس  
المقرر الدراسي : كهر و مغناطيسية (E.M I)  
أ . المقرر الدراسي : عبد السلام القطاوي

س 1 شحتان نقطيتان Q1 و Q2 تقع Q1 عند النقطة (0,-4,3) و تقع Q2 عند  
النقطة (0,1,1) فإذا كانت  $Q_1 = 2nC$  أوجد Q2 بحيث أن :-

(i) القوة على شحنة الاختبار عند النقطة (0,-3,4) لا يوجد لها مركبة في الاتجاه z

(ii) المجال الكهربائي عند النقطة (0,-3,4) لا يوجد له مركبة في الاتجاه y

س 2 عين الشحنة الكلية لكل من:-

(i) على الخط  $0 < x < 5m$  إذا كانت  $\rho_L = 12x^2 nC/m$

(ii) على أسطوانة إذا كان  $0 < z < 4m$  ,  $\rho = 3m$  ,  $\rho_s = \rho z^2 n C/m^2$

س 3 إذا كان المجال الإتجاهي T الآتي غير دوراني irrotational عين كلا من

$\alpha, \beta, \gamma$  ثم احسب  $\Delta \cdot T$  عند النقطة (2,-1,0) حيث

$$T = (\alpha xy + \beta z^3)I + (3x^2 - \gamma z)j + (3xz^2 - y)k$$

س 4 - المتجهان

$$A = \rho \cos \phi \rho' + z \sin \phi \phi' - \rho z^2 z'$$

$$P(3,-2,6) \quad \text{أوجد } A \text{ و } B \text{ عند النقطة} \quad B = r \sin \theta r' + r^2 \cos \theta \theta'$$

حظاً سعيداً

المركز العالي للمهن الإلكترونية - طرابلس  
قسم الاتصالات - الفصل الرابع خريف 2004

الزمن : ساعتان

الإمتحان النهائي : كهرومغناطيسية I

أجب على جميع الأسئلة الآتية ( 7.5 درجة لكل سؤال )

س-1- شحنة موضعية في المستوى  $z = 3m$  على شكل صفيحة مربعة معرفة بـ  $-2 \leq y \leq 2$  ،  $-2 \leq x \leq 2$  ،  $\rho_s = 2(x^2 + y^2 + 9) \text{ nc/m}^3$  . أوجد  $E$  في نقطة الأصل ؟

س-2- أوجد قيمة الفيصل الذي يعبر مساحة مربعة ضلعها 1mm على سطح قشرة إسطوانية حيث  $r = 10m$  ،  $\phi = 53.2^\circ$  ، إذا كانت  $D = 2x a_x + 4z a_z$  ؟

س-3- أ- إذا كان المجال  $a_z$   $F = 10 \sin^2 \phi a_r + r a_\phi + [(z^2/r) \cos^2 \phi] a_z$  ، أوجد تشعبه عند  $(2, \phi, 5)$  ؟  
ب- إذا كان المجال المتجه  $F = 10 \sin \theta a_\theta$  بالإحداثيات الكروية ، أوجد التكافؤ في  $(2, \pi/2, 0)$  ؟

س-4- في مجال كهربائي ساكن  $E = (x^2 + y/2) a_x + 2xy a_y$  ، أوجد الشغل المبذول في تحريك شحنة نقطية  $Q = -25\mu\text{C}$  من نقطة الأصل إلى  $(5, 0, 0)$  ثم إلى  $(5, 3, 0)$  ؟ وأوجد الشغل المبذول لتحريك نفس الشحنة من  $(0, 5, 3)$  رجوعاً إلى نقطة البداية ؟ وماذا تستنتج من ذلك ؟

س-5- موصل نحاسي # 14 AWG نصف قطره 0.25inch وطوله 30ft يحمل تياراً قدره 20A ، أوجد كثافة المجال الكهربائي  $E$  وسرعة الإنسياق  $U$  والهبوط في الجهد والمقاومة لهذا الموصل ؟  
(للنحاس :  $\sigma = 5.8 \times 10^7 \text{ S/m}$  ،  $\mu = 0.0032 \text{ m}^2/\text{V.s}$ )

س-6- موصل دائري نصف قطره  $r_0 = 1\text{cm}$  ، له مجال داخلي :  
 $H = (10^4/r) [(1/a^2) \sin ar - (r/a) \cos ar] a_\phi$   
حيث  $a = \pi/2r_0$  ، أوجد التيار الكلي في هذا الموصل ؟

س-7- مجال إشعاعي  $H = (2.39 \times 10^6/r) \cos \phi A/m$  موجود في الفراغ. أوجد الفيصل المغناطيسي  $\Phi$  الذي يعبر السطح المحدد بـ  $0 \leq z \leq 1$  ،  $-\pi/4 \leq \phi \leq \pi/4$  ؟

س-8- تيار شعيري لا نهائي في الطول ومستقيم قيمته I يقع على المحور  $z$  بالإحداثيات الاسطوانية ، أوجد شدة المجال المغناطيسي  $H$  عند أي نقطة على المستوى  $z = 0$  باستخدام قانون بيوت- سافارت ؟

===== تميّاتي للجميع بال توفيق =====

$$D = \epsilon E , \quad \Phi = \int B \cdot ds , \quad \epsilon_0 = 10^{-9}/36\pi , \quad \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$$

$$\nabla \cdot A = \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} (r^2 A_r) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} (A_\theta \sin \theta) + \frac{1}{r \sin \theta} \frac{\partial A_\phi}{\partial \phi} , \quad \nabla \cdot A = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r A_r) + \frac{1}{r} \frac{\partial A_\phi}{\partial \phi} + \frac{\partial A_z}{\partial z}$$

$$\nabla \times A = \frac{1}{r \sin \theta} \left[ \frac{\partial (A_\phi \sin \theta)}{\partial \theta} - \frac{\partial A_\theta}{\partial \phi} \right] a_r + \frac{1}{r} \left[ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial A_r}{\partial \phi} - \frac{\partial (r A_\phi)}{\partial r} \right] a_\theta + \frac{1}{r} \left[ \frac{\partial (r A_\theta)}{\partial r} - \frac{\partial A_r}{\partial \theta} \right] a_\phi$$

$$H = \frac{1}{2} K \times a_n , \quad dQ = \rho_s ds , \quad d\psi = D \cdot ds , \quad D = \epsilon_0 E + P , \quad dH = \frac{I dl \times a_r}{4\pi r^2}$$

**الجامعة العربية المفتوحة الشعبية الإلكترونية**  
**المعهد العالي للمهندسين الإلكتروني - طرابلس**

فصل الربيع 2003 إفرنجي

د. إبراهيم هديه سامي

تطبيقات كهرومغناطيسية

الإمتحان النهائي

**أجب عن جميع الأسئلة التالية:**

السؤال الأول: يتبع الجزء العملي ( $3 + 2.5 + 2.5$  درجات)

1. أرسم منحنى التخلفية المغناطيسية مع الوصف الدقيق وبيان المقصود بظاهره التخلف المغناطيسي وما هي أسبابها؟
2. إشرح مع الرسم توزيع المجال الكهرومغناطيسي في الموصل المحوري (Coaxial Cable)؟
3. إشرح مع الرسم توزيع المجال الكهرومغناطيسي في الموصل الثنائي المتوازي (Two Wire)؟

السؤال الثاني: (10 درجات درجتين لكل فقرة)

1. إشرح مالمقصود بالمواومة في دوائر منظومات الإتصالات وما هي فوائدها؟
2. إشرح كيف يمكنك إضافة ممانعة بالتوازي مع حمل لوعنته مع خط نقل؟
3. بين كيف يمكنك استخدام محول رباعي المواومة حمل مع خط نقل؟
4. بين كيف يمكنك استخدام أكثر من محول رباعي المواومة حمل مع خط نقل؟
5. ما هي ميزات وعيوب استخدام محول رباعي موجه واحد؟ وما هي ميزات استخدام أكثر من محول؟

السؤال الثالث: (3 + 4 + 3 درجات)

1. إذا كانت  $\rho_L$  هي معامل الإنعكاس و  $\tau$  هي معامل الإنقال..... فإثبت أن:  $\tau = 1 + \rho_L$  ؟
2. موصل طوله 5 متر ومانعنه المميزة 100 أوم متنه بحمل غير معروف ينتج عنه معامل إنعكاس يعادل  $0.332 \angle 35^\circ$ . فإذا كان معامل الإضمحلال هو  $0.431 \text{ Np/m}$  ومعامل الطور هو  $10 \pi \text{ Rad/m}$  إحسب:
  - أ- ممانعة الدخول عند بداية الموصل؟
  - ب- المسافة التي يصل عندها الإضمحلال في الموصل إلى  $30 \text{ dB}$ ؟

السؤال الرابع (12 درجات)

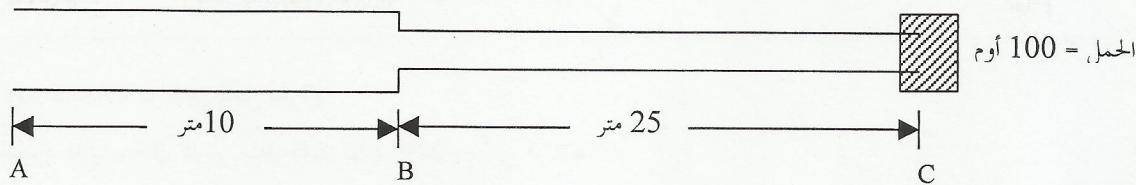
- موجة مستوية مقدارها 40 فولت / متر وبتردد 2 جيجا هيرتز تتحرك في الفراغ سقطت عمودياً على شريحة من النحاس سمكها 15 ملم مثبتة من الجهة الأخرى على لوح من مادة عازلة سماحتها التسبيه تعادل 5 وبوصية تعادل صفر..... أحسب:
1. مقدار الجهد الكهربائي عند الحد الفاصل وعمجرد دخول الإشارة للشريحة التنسابية؟
  2. مقدار الجهد الكهربائي عند الحد الفاصل عند نهاية الشريحة التنسابية وقبل دخول الإشارة للوسط العازل؟
  3. مقدار الجهد الكهربائي في الوسط العازل وعلى بعد 5 ملم من الحد الفاصل؟
  4. أكتب معادلة الموجة للمجالين الكهربائي والمغناطيسي عند النقطة السابقة؟

السؤال الخامس على ظهر الصفحة

السؤال الخامس: (10 درجات)

في المنظومة المبينة أدناه إذا كان جهد الدخل عند بداية الموصل الأول ( عند النقطة A ) هو 48 فولت إحسب الجهد الذي يمكن أن يصل للحمل علماً بأن:

معامل الإضمحلال	الممانعة المميزة	الطول	الموصل
0.05 نير / متر	50 أوم	10 متر	الأول
1.7372 ديسيل/متر	75 أوم	25 متر	الثاني



إنتهت الأسئلة

تمنياتنا للجميع التوفيق

ناصر 2003 إفرنجي 10

# Tripoli Institute of Electronic Technology

## Engineering Electromagnetics I

### Final exam

**Answer five questions only:**

- Q.1) If the integral  $\int_A^B \mathbf{F} \cdot d\mathbf{l}$  is regarded as the work done in moving a particle from A to B, find the work done by the force field:

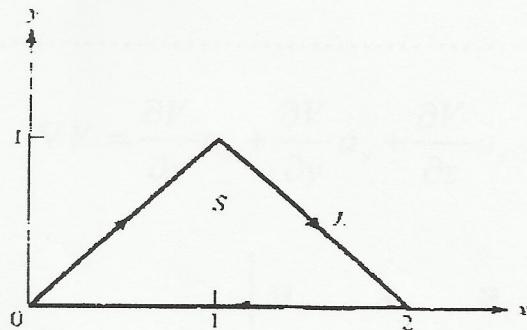
$$\mathbf{F} = 2xy\mathbf{a}_x + (x^2 - z^2)\mathbf{a}_y - 3xz^2\mathbf{a}_z$$

on a particle that travels from A(0, 0, 0) to B(2, 1, 3) along

- (a) The segment (0, 0, 0)  $\rightarrow$  (0, 1, 0)  $\rightarrow$  (2, 1, 0)  $\rightarrow$  (2, 1, 3)  
(b) The straight line (0, 0, 0) to (2, 1, 3)
- .....

- Q.2) Given that  $\mathbf{F} = x^2 y \mathbf{a}_x - y \mathbf{a}_y$ , find:

$\oint_L \mathbf{F} \cdot d\mathbf{l}$  where L is shown in the figure below.



- Q.3) If  $D = (2y^2 + z)\mathbf{a}_x + 4xy\mathbf{a}_y + x\mathbf{a}_z$  C/m<sup>2</sup>, find

- (a) The volume charge density at (-1, 0, 3)
  - (b) The flux through the cube defined by  $0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1, 0 \leq z \leq 1$
  - © The total charge enclosed by the cube
- .....

**Q.4)** In free space,  $V = x^2 y(z + 3)$  V. Find

- (a)  $E$  at (3, 4, -6)
  - (b) The charge within the cube  $0 < x, y, z < 1$ .
- .....

**Q.5)** To verify that  $E = yza_x + xza_y + xy a_z$  V/m is truly an electric field, show that :

- (a)  $\nabla \times E = 0$
  - (b)  $\oint_L E \cdot dl = 0$ , where  $L$  is the edge of the square defined by  $0 < x, y < 2, z = 1$ .
- .....

**Q.6)** Line  $x = 3, z = -1$  carries charge  $20 \text{ nC/m}$  while plane  $x = -2$  carries charge  $4 \text{ nC/m}^2$ . Find the force on a point charge  $-5 \text{ mC}$  located at the origin.

.....

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial x} a_x + \frac{\partial V}{\partial y} a_y + \frac{\partial V}{\partial z} a_z$$

Note: 12 points for each question

$$\nabla \times \mathbf{A} = \begin{vmatrix} \mathbf{a}_x & \mathbf{a}_y & \mathbf{a}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ A_x & A_y & A_z \end{vmatrix}$$

# Tripoli Institute of Electronic Technology

## Engineering Electromagnetics I

### Final exam

**Answer five questions only:**

**Q.1)** If the integral  $\int_A^B \mathbf{F} \cdot d\mathbf{l}$  is regarded as the work done in moving a particle from A to B, find the work done by the force field:

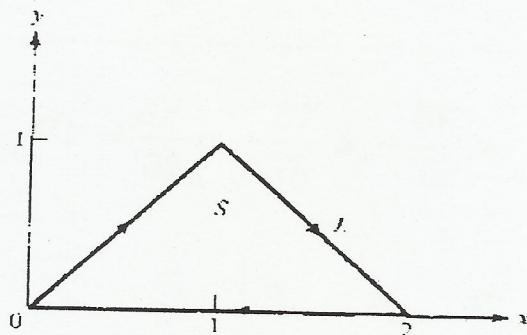
$$\mathbf{F} = 2xy\mathbf{a}_x + (x^2 - z^2)\mathbf{a}_y - 3xz^2\mathbf{a}_z$$

on a particle that travels from A(0, 0, 0) to B(2, 1, 3) along

- (a) The segment (0, 0, 0)  $\rightarrow$  (0, 1, 0)  $\rightarrow$  (2, 1, 0)  $\rightarrow$  (2, 1, 3)
- (b) The straight line (0, 0, 0) to (2, 1, 3)

**Q.2)** Given that  $\mathbf{F} = x^2 y \mathbf{a}_x - y \mathbf{a}_y$ , find:

$\oint_L \mathbf{F} \cdot d\mathbf{l}$  where L is shown in the figure below.



**Q.3)** If  $D = (2y^2 + z)\mathbf{a}_x + 4xy\mathbf{a}_y + x\mathbf{a}_z$  C/m<sup>2</sup>, find

- (a) The volume charge density at (-1, 0, 3)
  - (b) The flux through the cube defined by  $0 \leq x \leq 1, 0 \leq y \leq 1, 0 \leq z \leq 1$
  - © The total charge enclosed by the cube
- .....

**Q.4)** In free space,  $V = x^2y(z+3)$  V. Find

- (a)  $E$  at (3, 4, -6)
  - (b) The charge within the cube  $0 < x, y, z < 1$ .
- .....

**Q.5)** To verify that  $E = yza_x + xza_y + xy a_z$  V/m is truly an electric field, show that :

- (a)  $\nabla \times E = 0$
  - (b)  $\oint_L E \cdot dl = 0$ ; where  $L$  is the edge of the square defined by  $0 < x, y < 2, z = 1$ .
- .....

**Q.6)** Line  $x = 3, z = -1$  carries charge  $20 \text{ nC/m}$  while plane  $x = -2$  carries charge  $4 \text{ nC/m}^2$ . Find the force on a point charge  $-5 \text{ mC}$  located at the origin.

.....

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial x} a_x + \frac{\partial V}{\partial y} a_y + \frac{\partial V}{\partial z} a_z$$

Note: 12 points for each question

$$\nabla \times \mathbf{A} = \begin{vmatrix} \mathbf{a}_x & \mathbf{a}_y & \mathbf{a}_z \\ \frac{\partial}{\partial x} & \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial z} \\ A_x & A_y & A_z \end{vmatrix}$$

# Tripoli Institute of Electronic Technology

## Engineering Electromagnetics I

### Final exam

**Q.1)** A point charge of 30 nC is located at the origin while plane  $y = 3$  carries charge  $10 \text{ nC/m}^2$ . Find the flux density  $D$  at  $(0, 4, 3)$ . 12 points

.....

**Q.2)** Three point charges  $Q_1 = 1\text{mC}$ ,  $Q_2 = -2\text{mC}$  and  $Q_3 = 3\text{mC}$  are respectively, located at  $(0, 0, 4)$ ,  $(-2, 5, 1)$ , and  $(3, -4, 6)$ . 12 points

(a) Find the potential  $V_P$  at  $P(-1, 1, 2)$ .

(b) Calculate the potential difference  $V_{PS}$  if  $S$  is  $(1, 2, 3)$ .

.....

**Q.3)** A point charge  $100 \text{ pC}$  is located at  $(4, 1, -3)$  while the  $x$ -axis carries charge  $2 \text{ nC/m}$ . If the plane  $z = 3$  also carries charge  $5 \text{ nC/m}^2$ . Find the electric field  $E$  at  $(1, 1, 1)$ . 12 points

.....

**Q.4)** Determine the gradient of the following scalar fields: 12 points

(a)  $u = x^2 y + xyz$

(b)  $V = \rho z \sin \varphi + z^2 \cos^2 \varphi + \rho^2$

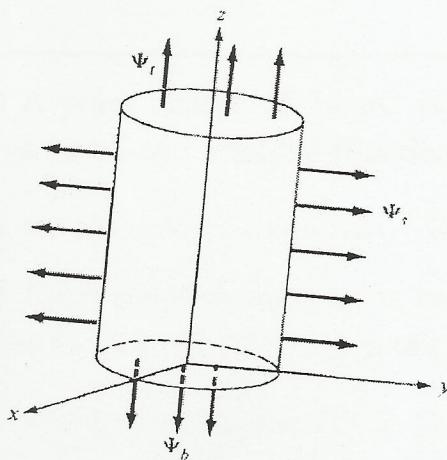
*Hint:*

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial x} a_x + \frac{\partial V}{\partial y} a_y + \frac{\partial V}{\partial z} a_z$$

$$\nabla V = \frac{\partial V}{\partial \rho} a_\rho + \frac{1}{\rho} \frac{\partial V}{\partial \varphi} a_\varphi + \frac{\partial V}{\partial z} a_z$$

**Q.5)** If  $G = 10e^{-2z}(\rho a_\rho + a_z)$ , determine the flux of  $G$  out of the entire surface of the cylinder shown in the figure below, where,  $\rho = 1$ ,  $0 \leq z \leq 1$ . Confirm the result using the divergence theorem.

12 points



*Hint:*

$$\Psi = \oint_s G \cdot d\mathbf{s} = \psi_t + \psi_b + \psi_s$$

$$\oint_s G \cdot d\mathbf{s} = \int_v (\nabla \cdot G) dV \quad \xrightarrow{\text{Divergence theorem}}$$

$$\nabla \cdot G = \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} (\rho G_\rho) + \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \phi} G_\phi + \frac{\partial}{\partial z} G_z$$

.....  
Constants:

$$\epsilon_0 = \frac{1}{36\pi} \cdot 10^{-9}, \quad \mu_0 = 4\pi \times 10^{-7}$$

**Tripoli Institute of Electronic Technology**

**Engineering Electromagnetics I**

**Final Exam**

---

**Q.1)** Given the points  $M(0.1, -0.2, -0.1)$ ,  $N(-0.2, 0.1, 0.3)$ , and  $P(0.4, 0, 0.1)$ , find:

- (a) the vector  $R_{MN}$ ; (b) the dot product of  $R_{MN} \cdot R_{MP}$ ; (c) the scalar projection of  $R_{MN}$  on  $R_{MP}$ , (d) the angle between  $R_{MN}$  and  $R_{MP}$ .
- .....

**Q.2)** Transform the following vector to spherical coordinates:

$$P = (y + z)\alpha_x$$

.....

**Q.3)** Given that  $\rho_s = x^2 + xy$ , calculate  $\int_s \rho_s dS$  over the region  $y \leq x^2$ ,  $0 < x < 1$ .

.....

**Q.4)**  $Q_1$  and  $Q_2$  are point charges located at  $(0, -4, 3)$  and  $(0, 1, 1)$ . If  $Q_1$  is 2 nC, find  $Q_2$  such that the E at  $(0, -3, 4)$  has no y-component.

.....

**Q.5)** Two point charges  $Q_1 = 3$  nC and  $Q_2 = -2$  nC are placed at  $(0, 0, 0)$  and  $(0, 0, -1)$  respectively. Assuming zero potential at infinity, find the potential at:

- (a)  $(0, 1, 0)$   
(b)  $(1, 1, 1)$
- .....

## Tripoli Institute of Electronic Technology

### Engineering Electromagnetics I

#### Final Exam

---

**Q.1)** Given the points  $M(0.1, -0.2, -0.1)$ ,  $N(-0.2, 0.1, 0.3)$ , and  $P(0.4, 0, 0.1)$ , find:

- (a) the vector  $R_{MN}$ ; (b) the dot product of  $R_{MN} \cdot R_{MP}$ ; (c) the scalar projection of  $R_{MN}$  on  $R_{MP}$ , (d) the angle between  $R_{MN}$  and  $R_{MP}$ .
- .....

**Q.2)** Transform the following vector to spherical coordinates:

$$P = (y + z)a_x$$

.....

**Q.3)** Given that  $\rho_s = x^2 + xy$ , calculate  $\int_s \rho_s dS$  over the region  $y \leq x^2$ ,  $0 < x < 1$ .

.....

**Q.4)**  $Q_1$  and  $Q_2$  are point charges located at  $(0, -4, 3)$  and  $(0, 1, 1)$ . If  $Q_1$  is  $2 \text{ nC}$ , find  $Q_2$  such that the  $E$  at  $(0, -3, 4)$  has no  $y$ -component.

.....

**Q.5)** Two point charges  $Q_1 = 3 \text{ nC}$  and  $Q_2 = -2 \text{ nC}$  are placed at  $(0, 0, 0)$  and  $(0, 0, -1)$  respectively. Assuming zero potential at infinity, find the potential at:

- (a)  $(0, 1, 0)$   
(b)  $(1, 1, 1)$
- .....



# أسئلة إمتحانات كلية التقنية الإلكترونية - طرابلس

العمل من إعداد  
اتحاد طلبة كلية التقنية الإلكترونية - طرابلس  
بالتعاون مع قسم الشؤون العلمية والتقنية بكلية

وكل الشكر والتقدير لمن ساهم وساعد  
على إنجاح هذا العمل



صفحة الإتحاد على الفيس بوك

<https://www.facebook.com/E.T.studentunion>